

## 補充教材一、間斷與連續變項特性

分配	參數	值域	pdf:f(x)/pmf:p(x)	cdf	E[X]	Var(X)
間斷分配						
二項分配 $Bin(n,p)$	$n$ : 嘗試次 ; $p$ 成功機率	$\{0,1,2,\dots,n\}$	$p(x) = C_n^x p^x (1-p)^{n-x}$		$np$	$np(1-p)$
伯努利分配 Bernoulli( $p$ )	$p$ 成功機率	$\{0,1\}$	$p(x) = p^x (1-p)^{1-x}$		$p$	$p(1-p)$
泊松分配 $Poisson(\lambda)$	$\lambda$ : 平均次數	$\{0,1,2,\dots\}$	$p(x) = \frac{e^{-\lambda} \lambda^x}{x!}$		$\lambda$	$\lambda$
連續分配						
常態分配 $N(\mu, \sigma^2)$	$\mu$ : 平均數 ; $\sigma^2$ : 變異數	$(-\infty, \infty)$	$f(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma} e^{-\frac{(x-\mu)^2}{2\sigma^2}}$	$F(x) = \Phi\left(\frac{x-\mu}{\sigma}\right)$	$\mu$	$\sigma^2$
標準常態分配 $N(0,1)$		$(-\infty, \infty)$	$f(z) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{z^2}{2}}$	$F(z) = \Phi(z)$	0	1
卡方分配 $\chi^2(\nu)$	$\nu$ : 自由度	$(0, \infty)$			$\nu$	$2\nu$
$t$ 分配 $t(\nu)$	$\nu$ : 自由度	$(-\infty, \infty)$			$0, \nu > 1$	$\frac{\nu}{\nu-2}, \nu > 2$
$F$ 分配 $F(\nu_1, \nu_2)$	$\nu_1$ : 分子自由度 ; $\nu_2$ : 分母自由度	$(0, \infty)$			$\frac{\nu_1}{\nu_1-2}$	
指數分配 $exp(\beta)$	$\beta$ : 尺度參數	$(0, \infty)$	$f(x) = \frac{1}{\beta} e^{-\frac{x}{\beta}}$	$F(x) = 1 - e^{-\frac{x}{\beta}}, x > 0$	$\beta$	$\beta^2$
均勻連續分配 $Unif(a,b)$	$a$ : 最小值、 $b$ : 最大值	$[a,b]$	$f(x) = \frac{1}{b-a}$	$F(x) = \frac{x-a}{b-a}, x \in (a,b)$	$\frac{a+b}{2}$	$\frac{(b-a)^2}{12}$